

表 1: 相対論で出てくる具体的テンソル量

距離	世界間隔	$ds^2 = g_{\mu\nu} dx^\mu dx^\nu$
	固有時	$-c^2 d\tau^2 = ds^2$
座標微分	共変微分	$\nabla_\mu \quad \nabla_\beta e_\alpha = \Gamma_{\alpha\beta}^\mu e_\mu, \quad \nabla_\beta e^\alpha = -\Gamma_{\mu\beta}^\alpha e^\mu,$
	座標微分	dx^μ
	4元速度	$u^\mu = \frac{dx^\mu}{d\tau}$
	4元運動量	$p^\mu = m u^\mu$
空間曲率	4元力	$f^\mu = \frac{dp^\mu}{d\tau}$
	計量テンソル	$g_{\mu\nu} = e_\mu \cdot e_\nu$
	リーマンテンソル	$R_{\alpha\beta\gamma}^\mu \quad (R_{\alpha\beta\gamma}^\mu A^\alpha e_\mu = [\nabla_\beta, \nabla_\gamma] A)$
	リッチテンソル	$R_{\mu\nu} = R_{\mu\sigma\nu}^\sigma$
	スカラー曲率	$R = g^{\mu\nu} R_{\mu\nu}$
場	アインシュタインテンソル	$G_{\mu\nu} = R_{\mu\nu} - \frac{1}{2} R g_{\mu\nu}$
	完全流体のエネルギー運動量	$T^{\mu\nu} = \left(\rho + \frac{p}{c^2} \right) u^\mu u^\nu + p g^{\mu\nu}$
	電磁場のエネルギー運動量	$T^{\mu\nu} = \frac{1}{\mu_0} \left(g_{\sigma\omega} f^{\mu\sigma} f^{\nu\omega} - \frac{1}{4} g^{\mu\nu} f_{\sigma\omega} f^{\sigma\omega} \right)$
	電磁テンソル	$f^{\mu\nu}$
擬テンソル		
	接続係数	$\Gamma_{\alpha\beta}^\mu = \frac{1}{2} g^{\mu\omega} \left(\frac{\partial g_{\omega\alpha}}{\partial x^\beta} + \frac{\partial g_{\omega\beta}}{\partial x^\alpha} - \frac{\partial g_{\beta\alpha}}{\partial x^\omega} \right)$

ただし、慣性系での電磁テンソルは、

$$f^{\mu\nu} = \begin{pmatrix} 0 & \frac{1}{c}E_x & \frac{1}{c}E_y & \frac{1}{c}E_z \\ -\frac{1}{c}E_x & 0 & B_z & -B_y \\ -\frac{1}{c}E_y & -B_z & 0 & B_x \\ -\frac{1}{c}E_z & B_y & -B_x & 0 \end{pmatrix}$$

である.